2° VESTIBULAR UJENA 2003

PROVA 2 BIOLOGIA E MATEMÁ TICA

N.º	DE INSCRIÇÃO:			-	

INSTRUÇÕES PARA A REALIZAÇÃO DA PROVA

- 1. Verifique se este caderno contém 30 questões e/ou qualquer tipo de defeito. Qualquer problema, avise, imediatamente, o fiscal.
- 2. Verifique se o número do gabarito deste caderno corresponde ao constante da etiqueta fixada em sua carteira. Se houver divergência, avise, imediatamente, o fiscal.
- 3. Sobre a folha de respostas.
 - Confira os seguintes dados: nome do candidato, número de inscrição, número da prova e o número do gabarito.
 - Assine no local apropriado.
 - Preencha-a, cuidadosamente, com caneta esferográfica azul escuro, escrita grossa (tipo Bic cristal), pois a mesma não será substituída em caso de erro ou de rasura.
 - Para cada questão, preencha sempre dois alvéolos: um na coluna das dezenas e um na coluna das unidades, conforme exemplo ao lado: questão 18, resposta 06.
- 4. No tempo destinado a esta prova (4 horas), está incluído o de preenchimento da folha de respostas.
- 5. Transcreva as respostas somente na folha de respostas.
- 6. Ao término da prova, levante o braço e aguarde atendimento. Entregue este caderno e a folha de respostas ao fiscal e receba o caderno de prova do dia anterior.



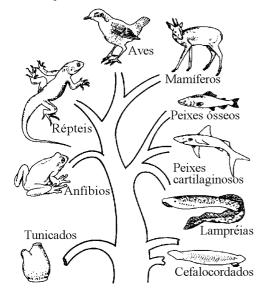
UEM

Comissão Central do Vestibular Unificado

GABARITO 1

BIOLOGIA

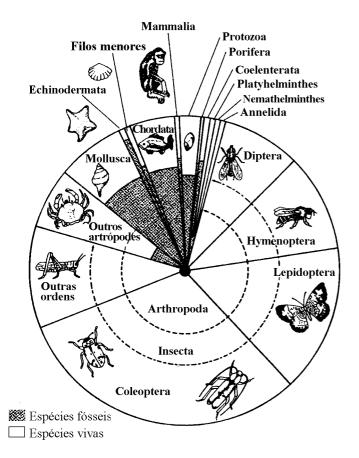
01 – Com relação aos grupos de animais constantes da figura abaixo, bem como de suas características, assinale o que for correto.



- 01) Todos os grupos apresentam, nos primeiros estágios de desenvolvimento embrionário, notocorda, fendas branquiais e tubo nervoso dorsal.
- 02) Todos os grupos apresentam coluna vertebral e encéfalo, embora nem todos tenham caixa craniana.
- 04) Homeotermia e respiração do tipo pulmonar são características comuns aos mamíferos e aos répteis.
- 08) Pecilotermia e fecundação interna com desenvolvimento indireto são características comuns aos anfíbios e às aves.
- 16) Anfíbios, répteis e aves são ovíparos e apresentam sistema nervoso central com encéfalo e medula espinhal.
- 32) Todos os vertebrados têm sistema circulatório fechado, em que o sangue circula apenas no interior de vasos sangüíneos e possibilita enorme eficiência dos mecanismos de distribuição de substâncias.
- 64) As lampréias, que pertencem aos ciclostomados, são providas de mandíbulas, a respiração é pulmonar e a caixa craniana e as vértebras são de constituição óssea.

- O2 Alguns organismos constituem recursos naturais de grande relevância econômica. Sobre as características desses organismos, é correto afirmar que
 - 01) leveduras são organismos pertencentes ao Reino Fungi utilizados na produção de alimentos e de bebidas.
 - 02) todas as espécies pertencentes ao Reino Fungi são utilizadas na alimentação humana e conhecidas popularmente como *champignon*.
 - 04) a parte comestível dos cogumelos, conhecidos como *champignon*, corresponde ao corpo de frutificação.
 - 08) as diatomáceas são algas formadas por carapaças de sílica cujos depósitos marinhos formam o diatomito, um importante recurso mineral.
 - 16) as algas vermelhas, pertencentes ao grupo das rodofíceas, são importantes na produção de ágar, utilizado na indústria farmacêutica.
 - 32) as feofíceas são algas verdes que produzem a algina, utilizada como espessante na indústria de alimentos.
 - 64) as hepáticas são vegetais vasculares aclorofilados, pertencentes ao Filo Briophyta, utilizados na produção de remédio para o fígado.

03 – Com base nos grupos constantes da figura abaixo, bem como nas suas características e relações, assinale o que for correto.



- 01) Ascaris lumbricoides, parasitas do intestino do homem, são invertebrados do filo Platyhelminthes.
- 02) Das muitas relações existentes entre os insetos e o homem estão os vetores transmissores de doenças. Entre esses, há o Hemiptera, *Triatoma infestans*, transmissor do Protozoa flagelado, *Trypanossoma cruzi*, agente etiológico da doença de Chagas.
- 04) Dentre os insetos que desempenham o importante papel ecológico da polinização, conhecida como entomofilia, está a abelha, que pertence à ordem Hymenoptera. Essa relação estreita entre os insetos e as plantas angiospermas proporciona aumento na produtividade agrícola.
- 08) As ordens da classe Insecta, nominadas na figura, apresentam, em seu desenvolvimento pós-embrionário, as fases de ovo, ninfa e adulto, portanto com metamorfose incompleta.

- 16) Dentre os chamados frutos do mar, importante fonte de renda para as populações que vivem da extração dos produtos marinhos, estão representantes dos filos Mollusca e Arthropoda.
- 32) Dos filos do reino Animalia, nominados na figura, possuem representantes no ambiente marinho, apenas, Porifera, Coelenterata, Mollusca e Echinodermata.
- 64) Dos filos citados na figura, apenas Echinodermata e Chordata são deuterostômios.

- 04 As matas brasileiras, periodicamente, sofrem incêndios. Com o passar do tempo, desde que novas perturbações não ocorram, observa-se a regeneração da parte degradada que, em geral, inicia-se com espécies herbáceas, como várias espécies de gramíneas, e completa-se com o desenvolvimento de arbustos e de árvores, em decorrência de um processo conhecido como sucessão ecológica. Baseando-se no exemplo dado e nas características do processo de sucessão, assinale o que for correto.
 - 01) A sucessão que ocorre em matas, após um incêndio, é um exemplo de sucessão secundária.
 - 02) A sucessão secundária caracteriza-se, desde o início do processo, pela presença de condições favoráveis ao desenvolvimento dos organismos, como a disponibilidade de nutrientes.
 - 04) As espécies de gramíneas que colonizam o solo no início do processo de sucessão são consideradas espécies pioneiras.
 - 08) Durante a sucessão, ocorre aumento na biomassa dos organismos; mas as espécies, em números bastante reduzidos, permanecem as mesmas.
 - 16) Em decorrência do aparecimento de novos nichos ecológicos, ocorre aumento na complexidade das cadeias alimentares da comunidade em evolução.
 - 32) A sucessão ecológica somente acontece após a alteração nas características do solo e do clima, decorrentes da interferência humana.
 - 64) Não são conhecidas informações a respeito da ocorrência de sucessão em ambientes que nunca foram habitados.

3

- 05 Dentre as drogas psicotrópicas, há aquelas que causam:
 - I relaxamento, euforia, distorções da percepção do espaço e do tempo, delírios, alucinações e sonolência, as quais, com o uso contínuo, trazem dificuldades de aprendizagem e de memória, problemas respiratórios, além de diminuir os níveis de testosterona e o número de espermatozóides.
 - II com o consumo moderado, sensação de bemestar, desinibição e relaxamento. Doses elevadas diminuem o raciocínio, a coordenação motora e os reflexos, e podem, muitas vezes, levar o indivíduo a apresentar comportamento social inadequado. O consumo excessivo causa lesões no cérebro, no fígado e no estômago, além de prejudicar a vida profissional, social e familiar.
 - III a sensação de estar cheio de energia, agitado e alerta. Doses maiores causam agressividade, delírios, alucinações e convulsões. Causam aumento da pressão sangüínea, o que pode levar à morte por parada cardíaca. Têm alto poder de causar dependência física e psicológica.

Considerando o exposto, assinale o que for correto.

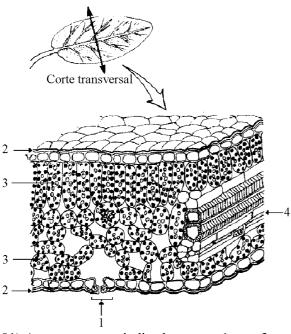
- 01) As drogas psicotrópicas agem sobre o sistema nervoso, modificando a maneira de pensar, de sentir e de agir.
- 02) O uso de drogas pode causar dependência física ou psicológica.
- 04) As drogas são oxidadas nos peroxissomos do fígado do usuário.
- 08) I, II, III correspondem, respectivamente, aos efeitos causados por maconha, álcool e cocaína.
- 16) Um indivíduo dependente físico de droga não consegue controlar o consumo da droga, sentese mal sem ela, além de deixar de lado outros interesses da vida.
- 32) Um indivíduo com dependência psicológica da droga, na ausência ou na diminuição da droga consumida, tem reações como depressão, tremores, problemas cardiovasculares e outros distúrbios (síndrome de abstinência).

- 06 Em um experimento com vacas, foram obtidos "embriões", pela transferência do núcleo de uma célula somática de uma vaca adulta A para um óvulo anucleado de uma vaca B, sendo o embrião resultante implantado no útero de uma vaca C, onde se originou um novo indivíduo, a vaca D. A "impressão digital genética" do DNA nuclear e do DNA mitocondrial dos indivíduos A, B, C e D deve mostrar que
 - 01) D é clone de A.
 - 02) D possui DNA nuclear idêntico ao de A e DNA mitocondrial idêntico ao de B.
 - 04) D possui DNA nuclear idêntico ao de A e DNA mitocondrial idêntico ao de C.
 - 08) D possui DNA nuclear idêntico ao de B e DNA mitocondrial idêntico ao de A.
 - 16) D é clone de B.
 - 32) D é clone de C.
 - 64) D possui DNA nuclear e mitocondrial idênticos ao de A.

- 07 Com relação ao atual sistema de classificação e aos aspectos ecológicos e evolutivos dos reinos, assinale o que for correto.
 - 01) O atual sistema de classificação dos seres vivos em cinco grandes reinos, idealizado por Wittaker, em 1969, considera três critérios básicos, a saber: 1) tipo e organização celular; 2) número de células e 3) tipo de nutrição.
 - 02) Os reinos englobam uma notável biodiversidade, resultante de bilhões de anos de evolução a partir de um humilde grupo ancestral que, certamente, apresentava as características de um ser eucarionte.
 - 04) Os seres do reino Monera podem ocupar posição nos três principais níveis tróficos, ou seja, produtores (cianobactérias), consumidores (bactérias parasitas) e decompositores (bactérias saprófitas).
 - 08) O reino Protista, constituído por seres eucariontes, precedeu, na história evolutiva, os reinos Fungi, Metaphyta (Plantae) e Metazoa (Animalia).
 - 16) As doenças como o tifo exantemático e a peste bubônica são causadas por representantes do reino Monera e transmitidas ao homem por seres do reino Metazoa (Animalia), mostrando as interações existentes entre o reino mais primitivo e o reino que inclui a espécie humana.
 - 32) Os seres do reino Fungi são procariontes, todos pluricelulares, alguns autótrofos e outros heterótrofos.
 - 64) Apesar de não ser possível confundir um cavalo com o capim do qual ele se alimenta, o único critério que distingue os reinos aos quais pertencem, Metazoa (Animalia) e Metaphyta (Plantae), é o tipo de nutrição: heterótrofa ou autótrofa.

08 – Uma abelha rainha tem os seguintes pares de genes alelos que se segregam independentemente: AaBbDdEe. Sabendo-se que os zangões se desenvolvem por partenogênese, quantos genótipos diferentes, relativos a esses quatro genes, podem apresentar zangões filhos dessa rainha?

09 – Analise a figura e assinale o que for correto.



- 01) As estruturas indicadas em 1 e 2 estão relacionadas com a transpiração.
- 02) Através da estrutura indicada em 1, ocorre a absorção de CO₂ que será utilizado em reações ocorrentes nas estruturas indicadas em 3.
- 04) Pela estrutura indicada em 1, é eliminado o O_2 liberado por reações que ocorrem na estrutura indicada em 3.
- 08) As substâncias transportadas pela estrutura indicada em 4 são produzidas a partir de reações que ocorrem nas estruturas indicadas em 3.
- 16) A água e os elementos minerais são absorvidos na forma de vapor pela estrutura indicada em 1.
- 32) A água absorvida pelas plantas é utilizada em reações que ocorrem na estrutura indicada em 3.

- 10 A ecologia é multidisciplinar, pois envolve diversos ramos do conhecimento. Além da biologia, da física e da química, também as ciências econômicas e sociais, entre outras, têm que ser integradas, para que se possa entender a incrível complexidade das relações existentes no Planeta Terra. Considerando essa interdisciplinaridade, assinale o que for correto.
 - 01) A energia armazenada na biomassa dos produtores, medida durante um determinado intervalo de tempo, constitui a chamada produtividade primária bruta.
 - 02) A proliferação do vírus HIV, causador da Síndrome da Imunodeficiência Adquirida (Aids), deve-se, também, às questões sociais pelas quais passa a humanidade, como algumas viciações.
 - 04) O controle biológico da lagarta da cana-deaçúcar, exercido pelo Hymenoptera do gênero *Apanteles*, constitui uma relação harmônica conhecida como predação.
 - 08) A eutrofização pode ser decorrente da ação antrópica, como despejos de grandes quantidades de compostos nitrogenados e fosforados que alcançam os corpos de água.
 - 16) Na cultura de soja, podem-se observar insetos diversos, tais como: lagartas e percevejos herbívoros; percevejos e vespas predadores; vespas e moscas parasitas. Devido ao grau de parentesco desses insetos, pode-se afirmar que ocupam o mesmo habitat e o mesmo nicho ecológico.
 - 32) A temperatura ambiental é uma condição ecológica decisiva na distribuição dos seres vivos pelo Planeta Terra. O homem não interfere na temperatura ambiental, pois essa é regida, exclusivamente, pelas radiações solares.
 - 64) A intensa utilização do carvão e do petróleo como fontes energéticas favoreceu o desenvolvimento da atividade industrial em muitos países, todavia trouxe uma série de problemas de impacto ambiental. Devido à queima desses combustíveis, a concentração de gás carbônico no ar aumenta, pois restitui à atmosfera átomos de carbono que ficaram fora de circulação durante, até, milhões de anos.

- 11 As angiospermas correspondem ao grupo de plantas com maior número de espécies sobre a Terra. Ocorrem em ampla diversidade de habitats, possuindo desde espécies aquáticas, inclusive marinhas, até plantas adaptadas a ambientes áridos. Nesse grupo, são encontradas espécies arbóreas, arbustivas, herbáceas, epífitas e parasitas de outras plantas. Sobre as angiospermas, assinale o que for correto.
 - 01) São fanerógamas que produzem flores, frutos e sementes.
 - 02) O número de elementos que compõe a flor, a forma das folhas e do sistema radicular, além do número de cotilédones das sementes permitem classificar as angiospermas em dois grandes grupos: as monocotiledôneas e as dicotiledôneas.
 - 04) O androceu, formado pelos estames, e o gineceu, formado pelo pistilo ou carpelo, são estruturas relacionadas com a reprodução das angiospermas.
 - 08) Nas angiospermas, o gametófito (2n) é o indivíduo mais desenvolvido, apresentando raízes, caule e folhas.
 - 16) Nesse grupo, o gameta feminino (n) é a oosfera e os gametas masculinos (n) são os núcleos espermáticos (gaméticos).
 - 32) A semente das angiospermas, decorrente do desenvolvimento do óvulo fecundado, apresenta o embrião no seu interior, que corresponde ao esporófito jovem.
 - 64) As diferentes espécies de bromélias e de orquídeas existentes na mata atlântica são exemplos de angiospermas parasitas de outras plantas.

- 12 Em relação ao sistema sangüíneo ABO, assinale o que for correto.
 - 01) A síntese dos componentes determinantes do sistema ABO é feita pelo retículo endoplasmático e determinada geneticamente.
 - 02) Indivíduos homozigotos recessivos não podem receber sangue de indivíduos heterozigotos.
 - 04) Indivíduos heterozigotos não podem receber sangue de indivíduos homozigotos.
 - 08) Todos indivíduos homozigotos não podem receber sangue de indivíduos heterozigotos.
 - 16) Indivíduos homozigotos dominantes podem doar sangue para alguns indivíduos heterozigotos.
 - 32) A herança do sistema sangüíneo ABO é exemplo de polialelia ou de alelos múltiplos.
 - 64) A herança do sistema sangüíneo ABO é exemplo de dominância completa entre dois alelos.
- 13 Sobre um mamífero, assinale o que for correto.
 - 01) Células de tecidos diferentes possuem forma e composição interna diferentes, por possuírem DNA diferentes.
 - 02) Células de tecidos diferentes possuem forma e composição interna diferentes, embora possuam DNA idênticos.
 - 04) Para a formação de um sistema em um indivíduo, é necessária a ocorrência de mitoses.
 - 08) Para a formação do referido organismo, ocorre a diferenciação celular, processo que envolve alterações morfológicas e fisiológicas, entre outras.
 - 16) Quase todas as suas células somáticas possuem núcleos com DNA idênticos.
 - 32) Suas células diferenciadas são diferentes entre si por serem originadas por meiose.

- 14 O Paraná é um estado agrícola por excelência, que vive sob o regime da policultura, cultivando plantas tropicais e temperadas, sendo considerado o celeiro do Brasil. Sua agricultura é moderna, de elevada tecnologia, proporcionando uma produtividade relativamente boa, contribuindo com 24% da produção nacional de grãos. Entre as riquezas agrícolas do Paraná estão o café, o algodão, o feijão, a soja, o trigo, o centeio, a aveia, a cevada, a batata inglesa, o milho, o amendoim, o arroz, a cana-deaçúcar e as frutas (abacaxi, maçã, laranja e uva) (Camargo, J.B. Geografia Física, Humana e Econômica do Paraná, 1999. p. 165).
 - Considerando as características botânicas dos produtos agrícolas do Paraná, assinale o que for correto.
 - 01) Abacaxi, maçã, laranja e uva são considerados pseudofrutos, originados a partir do desenvolvimento do ovário.
 - 02) Dos grãos são utilizadas as substâncias de reserva das sementes, presentes no endosperma (milho, trigo e arroz) ou nos cotilédones (feijão e soja).
 - 04) O caule subterrâneo, constituído pelo parênquima amilífero, rico em amido, é a parte utilizada da batata inglesa.
 - 08) A importância econômica do algodão está relacionada com a utilização dos pêlos existentes nas sementes.
 - 16) O açúcar é retirado do parênquima de reserva de sacarose do caule das plantas de cana-de-açúcar.
 - 32) O amadurecimento dos frutos é induzido pelo etileno, um produto do metabolismo das células vegetais.

- 15 Dizia Charles Darwin: "Se a miséria de nossos pobres não é causada por leis naturais, mas por nossas instituições, grande é nossa culpa". Com relação à nutrição e à digestão dos animais, assinale o que for correto.
 - 01) A desnutrição calórico-protéica em que predomina a deficiência calórica pode levar à morte por inanição, isto é, por falência energética do organismo.
 - 02) Na digestão, a quebra das grandes moléculas dos alimentos em moléculas menores se faz por hidrólise, reação catalisada pelas enzimas digestivas.
 - 04) Nos metazoários, exceto Porifera, a digestão intracelular é complementada ou substituída pela digestão extracelular, possível graças à presença de um tubo digestório.
 - 08) Os herbívoros têm, em geral, tubos digestórios curtos e, por sintetizarem a enzima celulase, dispensam a associação com microorganismos.
 - 16) As vitaminas classificam-se em hidrossolúveis e lipossolúveis. As vitaminas do complexo B e a vitamina C são lipossolúveis e, se ingeridas em altas doses, produzem graves efeitos colaterais, pois acumulam-se nas gorduras.
 - 32) No homem, as enzimas produzidas pelo pâncreas agem sobre o alimento no estômago, pois necessitam de pH ácido.
 - 64) O mineral sódio, cuja fonte pode ser o sal de cozinha, desempenha importante papel metabólico no equilíbrio osmótico e do pH, e sua deficiência no organismo causa distúrbios, tais como espasmos musculares, apatia, perda de apetite.

- 16 Economizando suas "mesadas", três irmãos, André, Pedro e Lucas, resolveram equipar o computador de sua casa. Para isso, foram a algumas lojas fazer um levantamento de preços dos produtos que cada um compraria, mas observaram que nenhum produto de que precisavam custava menos que R\$ 90,00. Percebendo que possuíam quantias distintas e que necessitavam dos produtos, resolveram o problema da seguinte forma:
 - André e Lucas comprariam juntos um *scanner* de R\$ 198,00 na loja A;
 - André e Pedro comprariam juntos um pente de memória de R\$ 94,00 na loja B;
 - Lucas e Pedro comprariam juntos um monitor de R\$ 172,00 na loja C.

Sabendo que cada um gastou toda a quantia que possuía, é correto afirmar que

- 01) Lucas poderia ter comprado sozinho o pente de memória.
- 02) Pedro e André poderiam ter comprado o monitor.
- 04) as quantias de Pedro e de André juntas eram maiores do que a quantia de Lucas.
- 08) a quantia de Lucas era a maior dos três.
- 16) cada um deles tinha menos que R\$ 90,00.
- 32) dois deles tinham menos que R\$ 90,00.
- 64) a quantia de André era a média aritmética das quantias de Pedro e de Lucas.
- 17 Para participar de um concurso vestibular, um estudante gastou um total de R\$ 492,00 com pagamento da taxa de inscrição, das passagens e da hospedagem. O valor da hospedagem foi R\$ 175,00 a mais que o valor das passagens, e o valor da taxa de inscrição correspondeu a 30% do valor da hospedagem. Dessa forma, é correto afirmar que
 - 01) o estudante gastou R\$ 215,00 com taxa de inscrição e passagem.
 - 02) o estudante gastou R\$ 292,00 com hospedagem.
 - 04) o valor das passagens correspondeu a menos de 50% do valor da hospedagem.
 - 08) o estudante gastou R\$ 377,00 com hospedagem e taxa de inscrição.
 - 16) o valor da taxa de inscrição foi R\$ 80,00.
 - 32) o valor da taxa de inscrição e das passagens correspondeu a aproximadamente 70% do valor da hospedagem.

18 – Sejam $(a_1,a_2,a_3,...,a_n)$ com n∈N* uma P.A., na qual

 $a_1 = a$, $a_2 = \frac{2a+1}{2}$, $a_3 = a+1$, para algum $a \in \mathbb{R}^*$, e

Rascunho

 $(b_1,b_2,b_3,...,b_n,...)$ com $n \in N^*$ uma P.G. infinita de termos não-nulos e razão q=2. Nessas condições, assinale a(s) alternativa(s) correta(s).

- 01) A soma dos 20 primeiros termos da P.A. é 20a + 95.
- 02) O determinante da matriz $B = \begin{bmatrix} b_1 & b_2 \\ b_5 & b_6 \end{bmatrix}$ é zero.
- 04) Como q = 2 é positivo, então a P.G. é crescente.
- 08) A soma b₂+b₄+b₆ é 42b₁.

16) Se
$$X = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & a_{10} + x \end{bmatrix}$$
 e $Y = \begin{bmatrix} b_{10} + y & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$, então

X.Y é a matriz identidade quando $x = -a_1 - \frac{7}{2}$ e $y = -2^9 b_1 + 1$.

32) Se
$$A = \begin{bmatrix} a_1 & -b_1 \\ -a_1 & b_1 \end{bmatrix}$$
 e $C = \begin{bmatrix} -1 & 1 \\ 1 & -1 \end{bmatrix}$, então A.A+a₁.b₁.C é a matriz A².

64) A matriz
$$B = \begin{bmatrix} b_1 & b_2 \\ b_5 & b_6 \end{bmatrix}$$
 é invertível.

19 - A soma das soluções inteiras da inequação $\frac{x^2 + 8x + 12}{x^2 + 4x + 4} \ge 2 \text{ \'e...}$

20 – Uma pastagem foi cercada de modo a delimitar uma região quadrangular cujo lado mede 20 m. Nos quatro dias iniciais, um cavalo foi amarrado, a cada dia, em um dos vértices dessa região; nos quatro dias seguintes, foi amarrado, a cada dia, em um dos pontos médios dos lados da região; no nono dia, foi amarrado no centro da região (encontro das diagonais). Sabe-se que o cavalo não foi amarrado mais de uma vez em um mesmo ponto da região e que a distância máxima, de cada ponto em que foi amarrado para poder pastar, foi de 5 m. Nessas condições, a área, em m², da região a que o cavalo

não teve acesso foi... (Considere $\pi = 3,14$).

21 – Considere uma calculadora eletrônica que possui, além das teclas das quatro operações usuais, as seguintes teclas:

 $\sqrt{}$

exp

log

ln

Sabe-se que as teclas

6

9

 $\sqrt{}$

÷

dessa calculadora não funcionam. Utilizando apenas as propriedades de logaritmos e de exponenciais e essa calculadora, assinale a(s) alternativa(s) correta(s).

- 01) Não é possível calcular log 9.
- 02) É possível obter o valor de log 6, pois log 6 = log 2 + log 3.
- 04) É possível calcular o valor de $log \sqrt[3]{64}$, pois $log \sqrt[3]{64} = 2log 2$.
- 08) É possível calcular o valor de log_2 20 fazendo uma mudança de base conveniente.
- 16) Para resolver a equação $exp \ x = ln \ 5$, não será necessário utilizar a tecla exp.
- 32) Se $ln e = \frac{exp a}{exp b}$, então a = b.

22 - Sobre Geometria Euclidiana, assinale o que for correto.

01) Num plano, por dois pontos é possível traçar apenas duas circunferências distintas que os contenham.

- 02) Num plano, se duas retas r e s são perpendiculares e uma reta t intercepta r, então tintercepta s.
- 04) No espaço, se uma reta r é ortogonal a uma reta de um plano, então r é ortogonal a qualquer reta desse plano.
- 08) No espaço, se uma reta r é paralela a um plano, então r é paralela a todas as retas desse plano.
- 16) No espaço, duas retas que não se interceptam determinam um único plano.
- 32) No espaço, quatro pontos podem determinar seis retas distintas.
- 64) Se dois planos distintos se interceptam, então qualquer outro plano que interceptar um desses planos deverá interceptar o outro.

- 23 Em um sistema de coordenadas cartesianas do plano XY, considere o ponto P(0,-8) e a circunferência C de raio 2 u e centro O(0,0), onde u é uma unidade de medida. Se r e s são retas que passam por P e são tangentes à C nos pontos A e B respectivamente, então é correto afirmar que
 - 01) os pontos A e B têm ordenadas iguais a $-\frac{1}{2}$.
 - 02) a área do triângulo ABP é $\frac{15\sqrt{15}}{4}u^2$.
 - 04) a distância \overline{AB} entre A e B é $\frac{\sqrt{15}}{2}u$.
 - 08) a área do triângulo de vértices P, (-2,0) e (2,0) é menor que a área do círculo de circunferência C.
 - 16) uma equação da circunferência de centro P e raio \overline{AB} é $4x^2 + 4y^2 + 64y + 196 = 0$.

- 24 Um consumidor comprou um botijão de gás de cozinha de 13 kg e iniciou sua utilização. Nos dez primeiros dias, seu consumo diário de gás foi de 400g. Após esse período, seu consumo diário de gás caiu para 300g até acabar o gás do botijão. Considere m a função que expressa a massa de gás, em gramas, em função do número t de dias de consumo, t∈N*. Assinale o que for correto.
 - 01) A função m: $A \subset N^* \to R$ é dada por $m(t) = \begin{cases} 13000 400t & 1 \le t \le 10 \\ 9000 300t & 10 < t \le 30 \end{cases}.$
 - 02) A massa de gás no botijão será de 7500 g após 15 dias do início da utilização.
 - 04) O coeficiente angular da reta que passa pelos pontos que expressam o gráfico de m, no intervalo [1,10], é positivo.
 - 08) O gráfico de m é formado por segmentos de reta que não se interceptam.
 - 16) O percentual de consumo do primeiro dia de uso é aproximadamente 3% da massa total de gás no botijão.
 - 32) O domínio da função m é o conjunto $\{t \in \mathbb{N}^*: 1 \le t \le 40\}.$
 - 64) O botijão estará completamente vazio no 30.º dia de uso.
- 25 Uma pirâmide de base quadrada e com altura de mesma medida do lado da base tem seus vértices danificados. Reciclando o material, construiu-se uma nova pirâmide de base retangular com altura 3 cm menor e lados da base, respectivamente, 1 cm e 2 cm menores do que os da pirâmide original. Considerando que as dimensões das pirâmides são números inteiros e que o volume da nova pirâmide é 20 cm³, então o volume, em cm³, da pirâmide original era...

26 – Sendo x um arco do primeiro quadrante, em graus, o valor de x que satisfaz a equação $sen 31^o + sen 29^o = sen x é...$

27 – Assinale a(s) alternativas(s) correta(s).

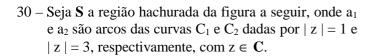
- 01) $1+3+5+...+(2k-1) = k^2$, $\forall k \in \mathbb{N}^*$.
- 02) $ab \in \mathbf{R} \mathbf{Q}, \forall a \in \mathbf{Q} \in \forall b \in \mathbf{R} \mathbf{Q}.$
- 04) O polinômio $p(x) = x^3 + x^2 7x + 2$ pode ser fatorado como produto de polinômios de modo que um deles seja $q(x) = x^2 + 3x 1$, onde $x \in \mathbf{R}$.
- 08) Se $M_A = \frac{x+y}{2}$ e $M_G = \sqrt{xy}$, $\forall x,y \in \mathbf{R}_+$, então $M_A \ge M_G$.
- 16) Se $n \in \mathbb{N}$ e n não é um quadrado perfeito, então $\sqrt{n} \in \mathbb{R}$ - \mathbb{Q} .
- 32) Se x e y são números racionais tais que $\sqrt{17 + \sqrt{2 + \sqrt{12}}} = \sqrt{x + y\sqrt{3}}$, então x = 17 e y = 2.
- 64) Sejam a, b e c números reais, tais que $a^2 = 25$, $b^3 = -8$ e |c| = 3, então $a + b^2 + c^2$ é 8 ou 18.

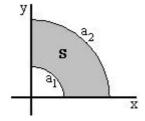
- 28 Considere o quadrilátero ABCD, em que a medida do lado AB é 8 cm e a medida do segmento AE é 4 cm, sendo E o ponto de interseção das diagonais desse quadrilátero. Sabendo-se que o segmento DC é perpendicular ao segmento AD, o segmento AC é perpendicular ao segmento BD e o triângulo ABC é isósceles com base AC, assinale a(s) alternativa(s) correta(s).
 - 01) O quadrilátero ABCD é um paralelogramo.
 - 02) A área do quadrilátero ABCD é 32 cm².
 - 04) Os triângulos AED e DEC são congruentes.
 - 08) Os triângulos AEB e BEC são semelhantes.
 - 16) O triângulo ABC é equilátero.
 - 32) A área do triângulo DEC é 8 cm².

29 – Em um jogo, há 6 participantes que utilizam dois dados, que são lançados simultaneamente, um com formato de um octaedro regular com faces numeradas de 1 a 8 e outro com formato de um dodecaedro regular com faces numeradas de 1 a 12. Usando essas informações, assinale o que for correto.

01) O número de equipes distintas compostas de 2 participantes que pode ser formado é 72.

- 02) Podem-se dividir os 6 participantes em dois grupos de 3 jogadores, de modo a obter equipes distintas, de 10 modos diferentes.
- 04) A probabilidade de se obter como resultado um número primo, nas faces superiores de ambos os dados, é 11/12.
- 08) A probabilidade de a soma dos resultados obtidos nas faces superiores dos dados ser 10 é 1/12.
- 16) Anotando-se todas as possibilidades para a soma dos resultados nas faces superiores dos dois dados, verifica-se que existem 20 valores distintos.





Nessas condições, assinale a(s) alternativa(s) correta(s).

- 01) As curvas C_1 e C_2 são circunferências de centro na origem e raios 1 e 3, respectivamente.
- 02) A área da região **S** é 2π .
- 04) A curva C_1 pode ser representada pelo conjunto $A_1=\{(x,y)\in \mathbf{R}^2; x^2+y^2=1\}.$
- 08) A curva C_2 pode ser representada pelo conjunto $A_2=\{(x,y)\in \mathbf{R}^2; x^2+y^2=3\}.$
- 16) Se $z_1 \in C_1$, então z_1 é da forma 1+i.
- 32) Se $z_2 \in C_2$, então z_2 é da forma x+iy, tal que $x^2+y^2=9$.